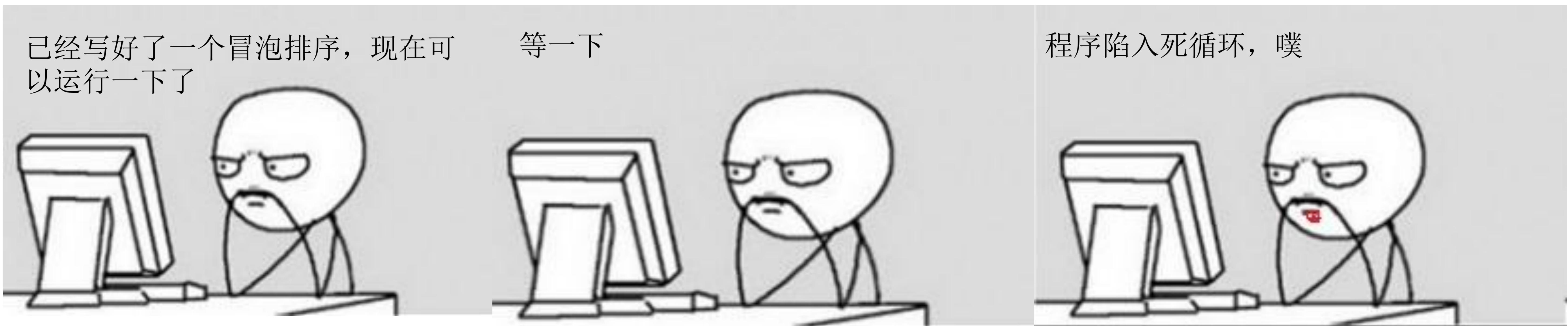


针对程序终止性验证的高级自动机算法

李勇、Andrea Turrini、张立军等

论文会议录取: Advanced Automata-Based Algorithms for Program Termination Checking. In ACM SIGPLAN Conference on Programming Language Design and Implementation (PLDI'18).

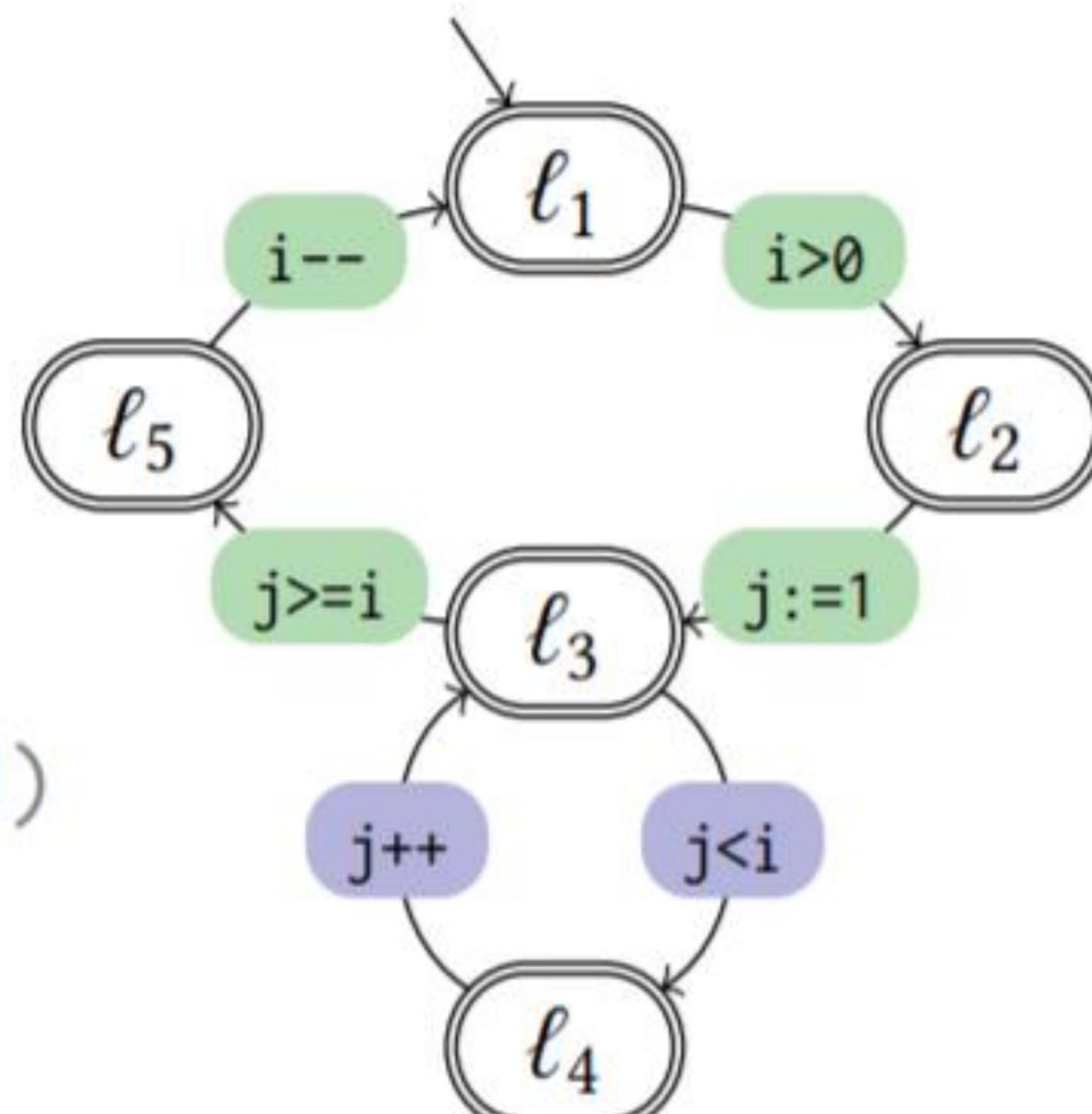
论文联系人: 李勇 (liyong@ios.ac.cn, 185 1583 1627)



长知识了, Büchi 自动机(BA)可以用来表示程序并检验程序终止性哦!

```
program sort(int i):
l1: while (i>0):
l2:   int j:=1
l3:   while (j<i):
        // if (a[j]>a[i]):
        //   swap(a[j],a[i])
l4:   j++
l5:   i--
```

(a) Program P^{sort}



(b) The BA $\mathcal{A}^{P^{\text{sort}}}$

1. 每次从BA里面取出一条循环路径并用现有工具来验证其是否终止, 如路径 $i>0;j:=1;(j<i;j++)^\omega$ 终止是因为每次循环 j 增加1, 并且可以使用一个Rank函数 $i-j$ 使得每次循环该函数值都会下降来说明。因此可以将每次已经证明了终止的路径从BA中去掉。
2. 当BA的路径全部去掉为空的时候就说明程序已经证明终止。如果某条路径被证明不终止便可得到一个出现死循环的反例, 这样也可以方便找程序错误。但是有时候路径终止与否是不一定能判定的, 为什么呢? (图灵机停机问题?)
3. 上述已证明的终止路径可以进行扩展得到一个BA使得这个BA里所有路径都能够终止并且能使用相同的Rank函数证明其终止性。

问题1: 去掉已证明路径涉及对一般的有 n 个状态BA的取反问题, 这个问题是非常困难的, 复杂度是 $2^{(O(n \log n))}$

解决思路: .设计一个多层次级BA取反策略, 即尽量将路径扩展后的BA优先转化为(1)只有一个吸收接收状态BA(复杂度为 $O(1)$); (2) 确定性BA(复杂度为 $O(n)$); (3)半确定性BA(复杂度为 $O(2^n)$); (4) 一般的BA(复杂度为 $2^{(O(n \log n))}$)

问题2: 实验中发现多层次级BA取反中半确定性BA出现次数多且半确定性BA取反为效率瓶颈, 其取反困难主要因为不确定猜测多

解决思路: .设计一个半确定性BA的优化算法, 由于取反困难的主要原因是不确定猜测多, 于是经过分析我们发现很多猜测其实可以进行延迟或者减少。另外我们在取反搜索空间中还运用了基于语言包含的状态减枝策略, 使取反算法更加优化。